

# Tema 1: Instrucciones básicas del programa Maple

## Operaciones elementales en Maple

<b>F5</b>	Cambia la entrada de modo INPUT a TEXTO, permite escribir texto en la hoja
$x + y;$	SUMA. Las órdenes se terminan siempre con ; (salvo las que empiezan con ?)
$x - y;$	RESTA
$x * y;$	PRODUCTO (¡OJO! el por * siempre se escribe)
$x / y;$	DIVISION
$x^y;$	POTENCIA
$a < b; a > b; a < > b;$ $a < = b;$	a menor que b, a mayor que b, a distinto de b, a menor o igual que b.
$x := 2;$	ASIGNACION (la variable x toma a partir de ahora el valor 2)
$x := 'x';$	DESASIGNACION (x vuelve a ser una variable) (apóstrofes, parte inferior tecla cierre de interrogación)
$g := x^2 + 1;$	<b>EXPRESION</b> (asignamos a la variable g la expresión $x^2 + 1$ )
$f := x \rightarrow x^2 + 1;$	<b>CONSTRUCCION DE UNA FUNCION</b>
$f(0), f(2), f(-5);$	Obtenemos los valores de f en 0, 2 y -5 (esto no puede hacerse con g)
<b>Ctrl+k y Ctrl+j</b>	Inserta entradas nuevas arriba o abajo
<b>Shift + Enter</b>	Pasa a la línea siguiente sin insertar una nueva entrada
<b>Ctrl + Supr</b>	Suprime una línea o grupo de ejecución

## Interrupción e inicialización

<b>Ctrl+Pausa</b>	interrumpe los cálculos (también pulsar STOP de la barra de funciones)
<b>restart;</b>	Inicializa todas las variables globales y los path de librerías

## Ordenes más frecuentes en Maple

<b>?abs</b>	petición de ayuda respecto de la orden abs
<b>evalf(%);</b>	calcula en punto flotante el resultado anterior
<b>Digits:= 50;</b>	ponemos a 50 el número de dígitos
<b>evalf(Pi);</b> <b>evalf(Exp(1));</b>	aproxima el valor de Pi y de E con 50 dígitos
<b>Digits:= 10;</b>	ponemos a 10 el número de dígitos
<b>floor(-4.5);</b>	función "parte entera" del Cálculo: entero inmediatamente inferior

<b>?floor</b>	recordemos que siempre podemos pedir ayuda de cualquier orden
<b>abs(-3.4);</b>	Valor absoluto
<b>100!;</b>	<b>factorial</b> de 100
<b>binomial(10, 3);</b>	número combinatorio 10 sobre 3
<b>gcd(8, 20);</b>	máximo común divisor de dos números o polinomios
<b>lcm(8, 12);</b>	mínimo común múltiplo de dos números o polinomio
<b>igcd(8, 20, 12);</b>	máximo común divisor de cualesquiera números enteros
<b>ilcm(8, 20, 12);</b>	mínimo común múltiplo de cualesquiera números enteros
<b>modp(8, 2);</b>	resto de la división de 8 por 2
<b>irem(m, n, ' q')</b>	calcula el resto de la división entera m entre n, y en q guarda el cociente (el argumento q es opcional, y se escribe entre apóstrofes, parte inferior tecla cierre de interrogación )
<b>iquo(m, n, ' r')</b>	cociente de división entera m entre n, en r guarda el resto (es opcional)
<b>ifactor(123456789);</b>	Descomposición en factores primos de un entero
<b>rand();</b>	genera un entero no negativo aleatorio de 12 dígitos, ver vectores y matrices para una utilización particular
<b>Nextprime(1000);</b>	primo siguiente a 1000
<b>rationalize(1/sqrt(2) + 1/sqrt(3));</b>	racionaliza una expresión
<b>ithprime(28);</b>	devuelve el primo número 28 (2 es el primer n° primo)
<b>isprime(7)</b>	Test de primalidad

### Operaciones con números complejos

<b>s:=(2 + 4*I) / (1 - 2*I);</b>	opera con complejos: I es la unidad imaginaria, asignamos el cociente a s
<b>Re(s);</b>	parte real del anterior cociente
<b>Im(s);</b>	parte imaginaria
<b>argument(s);</b>	devuelve el argumento principal: [-Pi, Pi]
<b>abs(s);</b>	módulo o valor absoluto si real

### Asignaciones y substituciones

<b>p:=x^2 + 4*x + 4;</b>	asignamos el polinomio $x^2+4x+4$ a la variable p
<b>x:= 1;</b>	hacemos x=1 y luego vemos cómo queda p
<b>p;</b>	es el valor del polinomio después de hacer x=1, si ahora tecleamos $(x - 3)*(x - 4)$ ;
<b>(x - 3)*(x - 4);</b>	Escribirá 6, esta vía para averiguar cuanto vale p en $x = 1$ no es correcta, pues la x queda con el valor 1 para ulteriores cálculos
<b>x:='x';</b>	en primer lugar desasignamos x ( <b>apóstrofes: parte inferior tecla cierre interrogación</b> )
<b>(x - 3)*(x - 4);</b>	ahora el polinomio queda correcto
<b>subs(x = 1, p);</b>	camino adecuado para averiguar cuanto vale una expresión al particularizar: utilizar subs
<b>x;</b>	no hemos asignamos nada a x y con la orden anterior sabemos cuanto vale p en $x = 1$

### Operaciones con polinomios

$x^2 + 3x - 4$ ;	iNo olvidemos! el por * siempre se escribe
<b>factor(%);</b>	factorizamos la anterior expresión
<b>expand(%);</b>	Desarrollamos la anterior expresión
<b>simplify</b> ( $16^{(1/2)} - 3$ );	simplifica un cálculo, admite varias posibilidades, es aconsejable ?simplify;

### Resolución de ecuaciones y sistemas

<b>solve</b> ( $x^2 + 3x - 4, x$ );	resolvemos en x (con radicales)
<b>fsolve</b> ( $x^5 + 3x^4 - 3x^3 - 9x^2 + 2x + 6, x$ );	resolvemos en x aproximadamente (reales)
<b>fsolve</b> ( $x^5 + x^4 + 2x^3 - x^2 + x - 1, x, \text{complex}$ );	resolución en x aproximada en punto flotante y complejos
<b>solve</b> ( $\{x + 2y = 1, x - y = 3\}, \{x, y\}$ );	resolución de sistemas
<b>ecu</b> := $\{x + y = a, x - 2y = 1\}$ ;	puede hacerse mediante asignaciones en más pasos: llamamos ecu al sistema
<b>var</b> := $\{x, y\}$ ;	var es el conjunto de variables
<b>pepe</b> := <b>solve</b> (ecu, var);	la solución se le asigna a la variable pepe
<b>linsolve</b> (A, b);	resolución de un sistema lineal de matriz de coeficientes A y vector termino independiente b. Ver vectores y matrices para más información

### Sumas y productos

$1 + 3 + 5 + 7 + 9 + 11$ ;	Expresaremos esta suma como:
<b>sum</b> ( $2n - 1, n = 16$ );	para evitar que posibles asignaciones previas a la variable n produzcan errores es aconsejable escribirla como:
<b>sum</b> ('2*n - 1', 'n' = 1 ..6);	Obsérvese que la variable y la expresión a sumar van entre apóstrofes (en la misma tecla que cierre de interrogación)
<b>sum</b> ('k^2', 'k' = 1..n);	entre apóstrofes la k es una variable muda
<b>product</b> (( $x - k$ ), $k = 1..20$ );	expresión para el producto
<b>expand</b> (%);	desarrolla la anterior instrucción

### Gráficas bidimensionales

<b>plot</b> ( $x^2, x = 0..2$ , title = 'f(x) = $x^2$ ');	dibuja la curva $x^2$ en el intervalo $[0, 2]$ , con título ¡Ojo el título va entre alt-096! (tecla [ sin alterar seguida de espacio en blanco) ¡No confundir con el apóstrofo!
<b>plot</b> ( $\{x^2, x^3\}, x = 0..1$ );	dibujos simultáneos de las expresiones $x^2$ y $x^3$
<b>plot</b> ( $[[ -1, -1], [-1, 1], [1, 1], [1, -1], [-1, -1]]$ , style = point);	dibujo de puntos con formato: (style = point) o (style = line) [[ $x_1, y_1$ ], [ $x_2, y_2$ ] ...]
<b>plot</b> ( $[\cos(2t), t, t = 0..2\pi]$ , coords = polar);	dibuja curvas en polares

<code>plot([sin(t), cos(t), t = 0..2*Pi]);</code>	también en paramétricas
<code>with(plots):</code>	se accede al paquete gráfico, es necesario para las órdenes siguientes
<code>polygonplot([[-1, 2], [3, 2], [-3, -2]], color = red);</code>	dibuja el polígono de vértices dados
<code>Polygonplot([[-1, 2], [-3, 4], [7, 8], [-10, -11], [7, 9], [5, 8]], color = green);</code>	cuando una sentencia es muy larga para que quepa en una línea, al escribir un procedimiento ascii, se pone un \ (backslash) y se sigue en otra línea
<code>p1:= textplot([-Pi/2, -1, `Minimo` ]):</code>	pone rótulos en puntos de coordenadas dadas, en este caso $x = -\pi/2$ , $y = -1$ ¡Ojo a los dos puntos y al alt-096! Admite la opción: align = BELOW (o bien ABOVE, LEFT, RIGHT) hacer ?textplot para más detalles
<code>p2:= plot(sin(x), x= -Pi..Pi):</code>	almacena las instrucciones para dibujar la curva ¡Ojo a los dos puntos!
<code>display([p1, p2]):</code>	con esta orden representamos tanto p1 como p2, o cualquier otro número de rótulos
<code>p3:= plot(cos(x), x = -Pi..Pi):</code>	guardamos la gráfica del coseno para hacer un display.
<code>display([p2, p3], insequence = true);</code>	pinta de forma secuencial el seno y el coseno, y lo repite.
<code>display([seq(plot(n*x, x = 0..3), n = -2..2)], insequence = true);</code>	dibuja las rectas $-2x$ , $-x$ , $0$ , $x$ , $2x$ y repite la secuencia
<code>animate(n*x, x = 0..3, n = -2..2, frames = 20);</code>	mueve las rectas anteriores de forma más continua
<code>plot(f, -2..6);</code> ó <code>plot(f(x), x = -2..6);</code>	dibuja la <b>función</b> f (f ha sido definida como función)
<code>plot('f(x)', 'x' = -2..6);</code> <code>plot(f, -2..6);</code>	deben emplearse cualquiera de estas dos instrucciones si f(x) es una <b>función</b> o <b>procedimiento</b> con algún IF en su interior. La primera de ellas va con apóstrofes

### Taylor, límites, derivación e integración

<code>p:= x/cos(x);</code>	asignamos el cociente a la variable p
<code>taylor(p, x = 0, 8);</code>	obtenemos el desarrollo de Taylor del cociente en $x = 0$ , con 8 términos. Obsérvese que no escribimos p(x) sino p a secas, si pusiéramos p(x) daría error, tampoco podemos escribir p(1) o p(6), sin embargo:
<code>f:= x-&gt;sin(1/x);</code>	construcción de una <b>función/procedimiento</b> (signo menos seguido de mayor que) imprescindible para poder utilizar f(-1), f(2), etc. ...o en general f(x)
<code>taylor(f(x), x = 1, 10);</code>	desarrollo de Taylor de f(x) en $x = 1$ y con 10 términos, la utilización de f(x) requiere, la definición previa de f(x) como función/proc.
<code>q1:= taylor(exp(x), x = 0, 3);</code>	desarrollo de Taylor de $E^x$ en $x = 0$ , con 3 términos, que se asigna a la variable q1
<code>eval(q1);</code>	muestra el valor que hay en q1 (serie)

<code>q2:= convert(q1, polynom);</code>	convertimos q1 en polinomio y lo asignamos a la variable q2
<code>plot({exp(x),q2(x)},x=-2..2);</code>	comparación interesante: dibujamos la función y el polinomio de Taylor en x=0
<code>limit((x^3 + x - 2) / (2*x^3 - x^2 + x + 4), x = infinity);</code>	un límite cuando x tiende a infinito
<code>limit(sin(x) / x, x = 0);</code>	calculamos el límite cuando x tiende a 0
<code>limit(1/(1+exp(-1/x)), x = 0, right);</code>	Límite por la derecha cuando x tiende a 0
<code>limit(1/(1+exp(-1/x)), x = 0, left);</code>	Límite por la izquierda cuando x tiende a 0
<code>diff(x^x, x);</code>	derivamos $x^x$ respecto de x
<code>x\$3;</code>	sucesión de tres x, para utilizar en el cálculo de la derivada de orden tres
<code>diff(x*cos(x), x\$3);</code>	derivada tercera de $x*\cos(x)$ ,
<code>diff(diff(x^y, x), y);</code>	derivada de $x^y$ respecto de x, y luego el resultado respecto de y
<code>int(x^3*cos(x), x);</code>	integral de $x^3*\cos(x)$ respecto de x
<code>int(x^2, x = a..b);</code>	integral definida de $x^2$ entre los límites a y b
<code>evalf(int(exp(-x^2), x = 0..1));</code>	integración aproximada de $E^{(-x^2)}$ entre los límites 0 y 1

### Formas no ejecutables de diff, int y lim, sum, product

<code>Diff(x^3, x);</code>	expresión formal de la derivada <b>sin</b> calcular
<code>Int(x^3, x = 0..1);</code>	idem (solo con propósitos tipográficos)
<code>Limit((x^3 + x) / (3*x^3 - 1), x = infinity);</code>	idem (solo con propósitos tipográficos)
<code>Sum((n^2 + n + 1) / (2*n^2 + 1), n = 1..infinity);</code>	idem (solo con propósitos tipográficos)
<code>Product(n, n = 1..30);</code>	Idem

### Cadenas de caracteres (strings)

<code>dos:= `fichero7.m`;</code>	son caracteres entre alt - 096, que asignamos a la variable dos
<code>uno:= `c: /programas/`;</code>	que pueden utilizarse como nombres (tecla [ sin alterar seguida de blanco)
<code>camino:= uno.dos camino:= cat(uno, dos);</code>	concatenación de dos cadenas con el . , se utiliza en ocasiones para hacer <code>read(camino);</code> ver entrada y salida de proc.
<code>nombre:= cat(`fichero`, s, `.m`);</code>	también pueden concatenarse de esta forma, aquí <code>s:= convert(n, string)</code> , n suponemos que es un entero. Podríamos introducir las anteriores sentencias en un bucle que variase n de 0 a 9 , y almacenar distintas gráficas o salidas con diferentes nombres, ver otras salidas gráficas.

### Sucesiones

<code>s:=-2, 5, 6, 0, -1;</code>	las sucesiones son objetos maple
<code>t:= seq(j^2, j = 1..10);</code>	10 términos de la sucesión $j^2$ desde $j = 1$ hasta $j=10$

<b>par:= seq(a + (b - a)*k / 10, k = 0..10);</b>	Partición del intervalo [a, b] en 10 subintervalos de igual longitud: 11 puntos
<b>plot({seq(E^(-n*x), n=1..5)}, x = -1..1);</b>	son particularmente útiles en la representación de sucesiones de funciones.
<b>s:= NULL;</b>	Sucesión nula (¡Ojo NULL con mayúsculas!)

### Conjuntos

<b>a:= {perros, gatos, liebres, conejos};</b>	los conjuntos también son objetos maple, su peculiaridad: el orden no importa y no hay elementos repetidos
<b>b:= {perros, liebres};</b>	conjunto b
<b>a intersect b;</b>	hay órdenes para trabajar con conjuntos, por ejemplo: la intersección
<b>a union b;</b>	unión
<b>a minus b ;</b>	diferencia
<b>member(perros, a);</b>	devolverá true o false dependiendo de si perros es o no elemento de a
<b>B:= {sin(x), x^2, exp(x)};</b>	pueden construirse conjuntos de funciones
<b>plot(B, x = -1..1);</b>	que luego pueden representarse simultáneamente
<b>a:= { };</b>	conjunto vacío

### Listas

<b>pepe:= [x, 1, y, -2, 0, 4];</b>	listas: el orden importa
<b>pepe[3]; ó op(3, pepe);</b> <b>op(2..4, pepe);</b>	se accede a los elementos por índice, pero no se permiten asignaciones a pepe[3]. Se accede a los elementos del dos al cuatro
<b>pepe:= [op(pepe), z];</b>	añade un elemento nuevo la salida será [x, 1, y, -2, 0, 4, z]
<b>nops(pepe);</b>	se obtiene el n° de elementos de pepe.
<b>pepe:= [ ];</b>	lista nula
<b>a:= convert(a, list);</b>	un conjunto se convierte en lista
<b>a:= convert(a, set);</b>	una lista se convierte en conjunto
<b>subsop(4 = y, [a, b, c, d, e, g]);</b>	substitución en listas, la salida de esta instrucción será [a, b, c, y, e, g]
<b>subsop(4= NULL, [a, b, c, d, e, g]);</b>	el resultado ahora es eliminar la 4 entrada de la lista y queda [a, b, c, e, g]

### Arrays y tablas

<b>array(1..4);</b>	array unidimensional vacío de 4 componentes <b>equivale a: vector(4)</b>
<b>array(1..4, [-3, -2, 2, 3]);</b> <b>array([-3, -2, 2, 3]);</b>	array unidimensional de 4 componentes, es equivalente a: <b>vector(4, [-3, -2, 2, 3])</b>
<b>array(1..3, 1..3, [[1, 1, 0], [1, 1, 1], [0, 1, 1]]);</b> <b>array([[1, 1, 0], [1, 1, 1], [0, 1, 1]]);</b>	array bidimensional de 3x3, <b>equivale a matrix(3, 3, [[1, 1, 0], [1, 1, 1], [0, 1, 1]])</b>

<code>array(1..2, 1..2, 1..2);</code>	array de 3 índices, en total $2 \times 2 \times 2 = 8$ posiciones de almacenamiento, sin embargo, las matrices tienen más funciones asociadas como puede verse en el siguiente epígrafe
<code>traduce:= table([rojo = (red, rot, rouge),\ azul =(blue, blau, bleu)]);</code>	las tablas se diferencian de los array en que sus índices no son necesariamente enteros. Aquí asignamos dos sucesiones a los índices rojo y azul, podríamos asignar matrices ver ?table;y ?array; para más detalles
<code>traduce[rojo];</code>	nos devolverá : red, rot, rouge

### Vectores y matrices

<code>with(linalg):</code>	accedemos al <i>package</i> de álgebra lineal. Hay de muy distintos tipos para listarlos ejecutar: ?packages;
<code>u:= vector([-1, 3, 4, 7, 2]);</code>	un vector se construye directamente o bien dando una regla para la formación de sus componentes
<code>g:= i-&gt;i^2 + i;</code>	construimos una función g
<code>v:= vector(5, g);</code>	construye un vector v de 5 componentes empezando en g(1)
<code>vectdim(v);</code>	devuelve el número de componentes del vector v
<code>linalg[vectdim](v);</code>	No hace falta ejecutar with(linalg) para utilizar vectdim, puede usarse como aparece a la izquierda. Especialmente indicada, para no tener que cargar path, desde procedimientos
<code>v[3];</code>	accedemos a la tercera componente mediante índice entre corchetes
<code>v[2]:= 8;</code>	no hay inconveniente en asignar valores a variables indexadas. Esa es la diferencia entre vectores y listas, para las listas hay que utilizar la incómoda subsop
<code>h:= (i, j)-&gt;(1/(i + j - 1));</code>	construimos una función de dos variables
<code>A:= matrix(3, 3, h);</code>	construimos una matriz de $3 \times 3$ mediante la anterior función h, empezando por h(1, 1)
<code>rowdim(A);</code>	devuelve el número de filas de la matriz A
<code>row(A,i);</code>	devuelve la fila i – ésima de A
<code>coldim(A);</code>	devuelve el número de columnas de la matriz A
<code>col(A, j);</code>	devuelve la columna j de la matriz A
<code>det(A);</code>	calcula el determinante de A
<code>transpose(A);</code>	matriz traspuesta de la dada
<code>htranspose(A);</code>	traspuesta conjugada de A
<code>A[3,2];</code>	accedemos al elemento (3, 2) de A
<code>submatrix(A, 2..3, 1..2);</code>	submatriz ( $a_{\{2, 1\}}, a_{\{2, 2\}} \backslash \backslash a_{\{3, 1\}}, a_{\{3, 2\}}$ ) de A
<code>B:= array([[1, -1, 0], [3, 2, 1], [1, 2, 3]]);</code>	construcción directa de una matriz por asignación simple
<code>C:= multiply(A, B);</code>	Le asignamos a la variable C el producto de A por B
<code>evalm(C);</code>	en matrices hay que utilizar evalm para ver el resultado de la operación
<code>b:= array([1, 0, -1, 0]);</code>	B es un vector
<code>ff:= rand(1..5);</code>	La función ff generará números aleatorios entre 1 y

	5 ¡Ojo a los dos puntos, para que <b>no</b> muestre el resultado! Es así como se utiliza rand en este contexto.
<code>A:= matrix(4, 4, ff);</code>	esta es una matriz de 4*4 rellena con números aleatorios entre 1 y 5
<code>linsolve(A, b);</code>	resolvemos el sistema lineal $A x = b$
<code>inverse(A);</code>	nos da la inversa de A
<code>evalf(eigenvals(A));</code>	obtenemos los autovalores de A

### Otras salidas gráficas distintas de pantalla

<code>interface(plotoutput = `plot1. ps`);</code>	para mandar la salida gráfica a un fichero que se llamará plot1.ps
<code>interface(plotdevice = ps);</code>	cambia dispositivo gráfico para que el anterior fichero salga en formato de impresora <b>postscript</b>
<code>interface(plotoptions = `portrait, noborder`);</code>	escogemos las opciones: dibujo vertical y sin enmarcar
<code>interface(plotoutput = `plot1.gif`);</code>	para mandar la salida gráfica a un fichero que se llamará plot1.gif
<code>interface(plotdevice = gif);</code>	cambia dispositivo gráfico para que el anterior fichero salga en formato <b>.gif</b> , que se podrá posteriormente visualizar con utilidades externas adecuadas.
<code>interface(plotdevice = win);</code>	restauramos el dispositivo a windows
<code>interface(plotoutput = terminal);</code>	restauramos la salida al terminal
<code>interface(plotoptions = default);</code>	restauramos a las opciones por defecto

### Más sobre funciones

<code>(ln@sin)(x);</code>	composición de funciones = $\ln(\sin(x))$
<code>(ln@@3)(x);</code>	composición de funciones = $\ln(\ln(\ln(x)))$
<code>V:= [seq(-1 + 2*k/8, k = 0..8)];</code>	creación de una lista $[v_{\{1\}}, v_{\{2\}}, \dots, v_{\{9\}}]$
<code>F:= x-&gt;1/(1 + 25*x^2);</code>	construcción de una función
<code>U:= map(f,v);</code>	aplicamos la función f a los elementos de la lista $v = [v_{\{1\}}, v_{\{2\}}, \dots, v_{\{9\}}]$ , el resultado es la lista $[f(v_{\{1\}}), f(v_{\{2\}}), \dots, f(v_{\{9\}})]$
<code>F:= unapply(diff(x^x, x), x);</code>	creamos una función a partir de evaluaciones
<code>alias(sen = sin);</code>	$\text{sen}(x)$ equivale a la función $\sin(x)$
<code>diff(x*sen(x), x);</code>	vemos que funciona exactamente como $\sin(x)$
<code>plot(sen(x), x = -Pi..Pi);</code>	en todos los sentidos
<code>F:= &lt;x^2 + x + 1 x&gt;;</code>	una forma diferente de definir una función

### Las variables time y lasterror

<code>T0:= time( );</code>	almacenamos el contenido de la variable tiempo del sistema en t0;
<code>int(x^4*sin(x), x);</code>	calculamos una primitiva
<code>T1:= time( );</code>	volvemos a almacenar tiempo en t1, $t1-t0$ , nos dará aproximadamente el tiempo de cómputo de la integral
<code>lprint(` Tiempo de cómputo</code>	se utiliza desde dentro de un procedimiento para



<code>=`, t1 - t0);</code>	rotular posibles salidas, rótulos entre alt - 096
----------------------------	---

### Manejo de expresiones y polinomios

<code>collect(y*(sin(x) + 1) + sin(x), sin(x));</code>	saca sin(x) factor común
<code>expand(ln(x*a));</code>	ln(x*a) pasa a ser ln(x) + ln(a)
<code>combine(ln(x) + ln(a), ln);</code>	ln(x) + ln(a) pasa a ser ln(x*a)
<code>degree(4*x^5 - 3*x^4 + x^3 + x^2 - 4);</code>	devuelve el grado del polinomio
<code>coeff(x^2 - 3*x + 2, x^2);</code> <code>coeff(x^2 - 3*x + 2, x, 2);</code>	extrae el coeficiente con grado del término indicado
<code>coeffs(x^2 - 3*x + 2);</code>	extrae una sucesión con los coeficientes
<code>quo(x^3 - 3*x^2 + 2, x^2 - x + 1, x);</code>	cociente de la división polinómica
<code>rem(x^3 - 3*x^2 + 2, x^2 - x + 1, x);</code>	resto de la división polinómica
<code>numer((x + 1)/(x^2 - 3*x - x + 1));</code>	extrae el numerador
<code>denom((x + 1)/(x^2 - 3*x - x + 1));</code>	extrae el denominador
<code>convert(sin(x), tan);</code>	nos da el seno en función de la tangente
<code>convert(cos(x), tan);</code>	nos da el coseno en función de la tangente
<code>convert(arcsin(x), ln);</code>	nos da el arco(seno(x)) en función del ln
<code>convert(binomial(m, 3), factorial);</code>	expresa el número combinatorio como cociente de factoriales
<code>convert(1/2, float);</code>	pasa el racional 1/2 a punto flotante
<code>convert(taylor(e^x, x = 0, 10), polynom);</code>	convierte serie en polinomio
<code>assume(y &lt; 0); assume(x &gt; 5);</code>	establece restricciones para las variables x e y, asociado a las órdenes <b>is</b> y <b>isgiven</b> puede resultar muy útil, por ejemplo si preguntamos:
<code>Y;</code>	la respuesta será: $y \sim$ (variable con restricción)
<code>is(x*y &gt; 0);</code>	la respuesta será: false
<code>Y:= 'y';</code>	sirve para quitar la restricción impuesta

### Tipos, operandos, argumentos

<code>whattype(-3);</code>	Averigua el tipo, en este caso: integer
<code>whattype(1/2);</code>	nos dice que es racional
<code>type(3, integer);</code>	devuelve el valor true, porque es entero
<code>type(1/2, integer);</code>	devuelve el valor false, porque es racional
<code>op(j, expresión);</code>	Extrae el operando j-ésimo de expresión
<code>nops(expresión);</code>	número de operandos de la expresión
<code>args(i);</code>	Dentro de un procedimiento devuelve el argumento i-ésimo
<code>nargs( );</code>	Dentro de un procedimiento devuelve el número de argumentos
<code>lhs(3*x = ln(x) + 1);</code>	lado izquierdo de una igualdad: 3*x
<code>rhs(3*x = ln(x) + 1);</code>	lado derecho de una igualdad: ln(x) + 1

## Estructuras de control

<b>if condición then bloque1 else bloque2 fi;</b>	no es necesaria la cláusula else, aunque si debe terminar con fi;
<b>if condición1 then bloque1 elif condición2 then bloque2 elif condición3 then bloque3 ..... fi;</b>	otra forma del if, útil para evitar los if anidados cuando hay más de dos alternativas
<b>for variable from valor1 to valor2 do bloque od;</b>	se puede obviar: from <i>valor1</i> , si <i>valor1</i> = 1, y quedaría: for i to <i>valor2</i> do, también admite: by m, para saltos de m en m, etc.,... break; permite salir del bucle sin terminarlo next; salta al siguiente valor de variable, otra forma útil es: for n in [3, 7, 9, 11]
<b>while condición do bloque od;</b>	<i>mientras la condición se cumple se ejecuta el bloque</i>
<i>bloque</i>	puede ser cualquier número de sentencias separadas por puntos y comas
<i>condición</i>	relación lógica con conectivas: <, <=, =, >=, and, or, not. Ejemplos: $x < 3$ , $\text{modp}(n, 2) = 0$ , $\text{not}(x = y)$ , $x = 1 \text{ and } y = 2$ , $x^2 + y^2 = 0$ , etc., etc.,

## Procedimientos

<b>nombre := proc(x, y, z, u)</b> local v1, v2, ...vn; <i>bloque</i> ; <b>end;</b>	Los procedimientos tienen básicamente la estructura señalada, v1, v2, etc., son variables locales, x, y, z, u son los argumentos que le pasamos, la salida es bien con un RETURN(salida) o simplemente escribiendo el nombre de la variable resultado
ERROR(' se introdujo una lista vacía ');	lanza nuestros mensajes "de error" desde dentro de un procedimiento, debe ponerse tras un if que verifique la condición para la que se desea generar el "error"

### Ejemplo 1º

gota:= proc(x, y); if $x^2 + y^2 = 0$ then RETURN(1); else RETURN( $\sin(x^2 + y^2)/(x^2 + y^2)$ );fi; end;	Una función de dos variables puede representarse como una superficie ,escribir: plot3d(gota(x, y), x = -5..5, y = -5..5); ¡Ojo RETURN() se escribe siempre con mayúscula!
--	--

### Ejemplo 2º

tangente:= proc(x, a, f)	le damos nombre y tendrá 3 argumentos, devolverá la ecuación de la tangente a f(x) en $x = a$
local fa, fp;	fa, fp son variables locales
#calcula la ecuación de la tangente a la función f en el	comentarios para documentar el procedimiento

punto (a, f(a)) #	
fa:= subs(x = a, f(x));	asignamos a fa el resultado de substituir x por a en f(x)
fp:= subs(x = a, diff(f(x), x));	asignamos a fp el valor de la derivada en x=a supuesta derivable
RETURN((x - a)*fp + fa)	devolvemos la ecuación pedida
end;	fin de procedimiento

Para hacerlo funcionar debemos definir una función e invocarlo:

F:= x->x^3;	definición de la función sobre la que trabajaremos, puede ser cualquier otra
tangente(x, 2, f);	invocación del procedimiento, le pasamos f, y los valores concretos a los que aplicaremos el procedimiento
plot({f(x), tangente(x, 2, f)}, x = -2..3);	dibujamos la curva y su tangente en x = 2

### Lectura y escritura: entrada y salida de procedimientos

<b>print</b> (area);	sirve para visualizar las ordenes del procedimiento área
<b>save</b> (area, areafic);	salvamos el procedimiento área en memoria en un fichero dos que se llamará areafic y que quedará escrito en ascii puro
<b>save</b> (area, `areafic.m` );	salvamos el procedimiento en un fichero con formato interno .m de maple, luego podrá ser almacenado en una librería maple.lib, mediante el programa externo <b>march.exe</b> , que se halla en maple3\bin
<b>read rutina1;</b>	leemos un fichero ascii llamado rutina1 con un procedimiento o con instrucciones maple (simplemente puestas una a continuación de otra) situado en el directorio de trabajo
<b>read</b> `c:/progs/rutina.txt`	leemos un fichero ascii situado en c:\progs llamado rutina.txt (ojo, la barra de subdirectorio, en Maple, es la tecla del 7)
<b>libname;</b>	variable que almacena los caminos de búsqueda de librerías, es un simple string modificable, admite, separados por comas, otros posibles path
<b>Interface</b> (verboseproc = 2);	con esta orden podremos visualizar el contenido de procedimientos escritos en maple y que sean accesibles
<b>writeto</b> (salida);	con esta orden toda la salida del maple pasa a un fichero del dos llamado salida y situado en el directorio de trabajo
<b>print</b> (sin);	las ordenes del procedimiento sin(x) irán a parar al fichero salida, si antes se ejecutaron las ordenes previas
<b>writeto</b> (terminal);	redirige la salida al terminal
<b>interface</b> (verboseproc=1);	ponemos el nivel de visualización de los procedimientos en su defecto

